

# **هندسة عديدات الطيات الجزئية من عديد الطيات من نوع - T**

**إعداد**

**عواطف بنت محمد بن مصلح الجدعاني  
بكالوريوس علوم و التربية (قسم الرياضيات )**

**بحث مقدم لنيل درجة الماجستير في العلوم  
( تخصص رياضيات بحثة/هندسة تفاضلية )**

**إشراف**

**د. ريم عبد الحميد الغفارى  
أستاذ مساعد الرياضيات البحتة (هندسة تفاضلية )  
جامعة الملك عبد العزيز (كلية العلوم للبنات- قسم الرياضيات )**

**كلية العلوم للبنات**

**جامعة الملك عبد العزيز**

**جدة - المملكة العربية السعودية**

**١٤٣٢-١٤٣١ هـ / ٢٠١١-٢٠١٠ م**

# **GEOMETRY OF SUBMANIFOLD OF T-MANIFOLD**

**BY**

**AWATIF MOHAMMED AL-JEDANI**

**A thesis submitted for the requirements of the degree of Master of Science  
(pure mathematical – differential geometry )**

**SUPERVISED BY**

**Dr. REEM AL-GHEFARI**

**FACULTY OF SCIENCE FOR GIRLS**

**KING ABDULAZIZ UNIVERSITY**

**JEDDAH – SAUDI ARABIA**

**1431-1432 A.H. \ 2010-2011 A.D.**

## قائمة المحتويات

..... أ .....	نموذج إجازة الرسالة
..... ب .....	شكر وتقدير
..... ج .....	مستخلص باللغة العربية
..... د .....	قائمة المحتويات
..... ١ .....	مقدمة
..... ٤ .....	<b>الباب الأول : أساسيات هامة</b>
..... ٤ .....	١-١ مقدمة
..... ٤ .....	٢-١ عديدات الطيات التفاضلية
..... ١٣ .....	٣-١ عديدات الطيات الريمانية
..... ١٥ .....	٤-٤ عديد الطيات المتري المتلامس تقريرياً
..... ١٧ .....	٤-٥ عديد طيات كوشي ريمان من عديد الطيات المتري المتلامس تقريرياً
..... ٢٥ .....	٦-٦ عديد الطيات من النوع - T
..... ٣٠ .....	<b>الباب الثاني : عديدات الطيات الجزئية من النوع كوشي ريمان من النوع - T</b>
..... ٣٠ .....	١-٢ مقدمة
..... ٣٠ .....	٢-٢ بعض التمهيدات الأساسية
..... ٣٧ .....	٣-٣ التوزيعات التكاملية على M
..... ٤٦ .....	<b>الباب الثالث : ضرب كوشي ريمان لعديدات الطيات الجزئية من النوع كوشي ريمان من النوع - T</b>
..... ٤٦ .....	١-٣ مقدمة
..... ٤٦ .....	٢-٣ بعض التمهيدات الأساسية
..... ٥٠ .....	٣-٣ التوريق للتوزيعين $D \oplus \mu, D^\perp$
..... ٦٢ .....	٤-٣ عديد الطيات الجزئية من النوع كوشي ريمان العمودية من النوع - T

٥-٣ العلاقة بين عديدات الطيات الجزئية من النوع كوشي ريمان العمودية من النوع - T وضرب كوشي  
ريمان ..... ٧٨

الباب الرابع : التقوس المقطعي وممتد رئيسي والتقوس القياسي لعديد الطيات الجزئية من النوع كوشي ريمان من فضاء الشكل من النوع T- .....	82
.....	82
.....	82
.....	83
.....	93
.....	93
.....	101
.....	134
.....	137
.....	I
المراجع	.....
قائمة المصطلحات	.....
Abstract	.....

## المستخلص

تعد نظرية عديدات الطيات الجزئية (Submanifolds Theory) من الموضوعات الهامة في علم الهندسة التفاضلية ، حيث ظهر لها العديد من التطبيقات الهامة في الفيزياء وبعض فروع العلم الأخرى . ومن هذا المنطلق ترکزت هذه الأطروحة حول دراسة عديد طيات كوشي ريمان الجزئية من عديد الطيات من نوع -  $T$  التي تعتبر امتداداً حديثاً لنظرية عديدات الطيات الريمانية ، ومجالاً خصباً للبحث والدراسة . فقد درسنا وحللنا بشكل شامل بعض النظريات والفرضيات لعديد طيات كوشي ريمان الجزئية من عديد الطيات من نوع -  $T$ . إضافة لذلك درسنا ضرب كوشي ريمان وعديد طيات كوشي ريمان الجزئية العمودية من عديد طيات من نوع -  $T$  والعلاقة بين هذين الموضوعين . أخيراً درسنا الشروط التكاملية للتوزيعات والتقوس المقطعي وممتد رئيسي والتقوس القياسي وحصلنا على نتائج جديدة في كل هذه المواضيع .

## **ABSTRACT**

The geometry of Submanifolds is a very important and useful branch in differential geometry , Since it has many important applications in physics and some other branches of sciences .Based on the above perspectives , the present thesis focus on the study of CR-submanifold of an T- manifold, which is considered as modern extensions of Riemannian manifold theory, and also it is very interesting topic for study and research. We studied comprehensively some theories and properties of CR-submanifold of an T- manifold . Furthermore, we studied CR-product, normal CR-submanifold of an T-manifold and the relation between these two topics.Finally, we studied integrability conditions of distributions, sectional curvature, Ricci tensor and scalar curvature . Moreover, we obtained new results related to the mentioned matters.

**(لا يوجد ملخص عربي وإنجليزي ونتائج)**